

2 L'école décide d'acheter un logiciel pour gérer sa bibliothèque. Il y a trois tarifs :

- Tarif A : 19 euros ;
- Tarif B : 10 centimes par élève ;
- Tarif C : 8 euros + 5 centimes par élève.

a. Complète le tableau suivant.

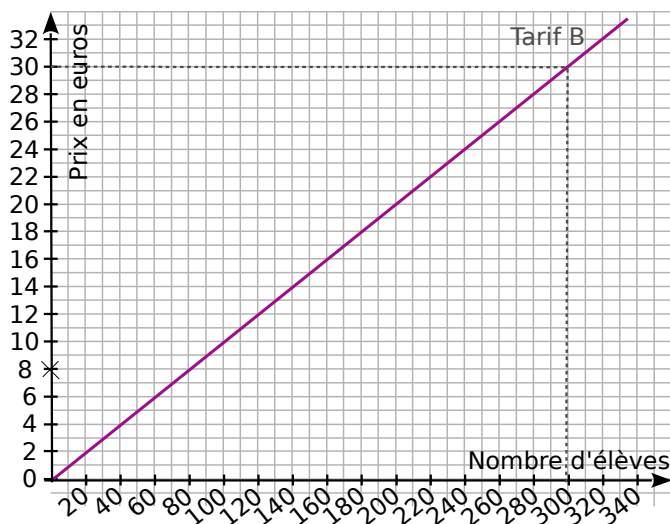
Nombre d'élèves	100	200	300
Tarif A	19 €		
Tarif B			30 €
Tarif C		18 €	

b. Si x représente le nombre d'élèves, entoure la fonction qui correspond au tarif C.

$x \mapsto 8 + 5x$ $x \mapsto 8 + 0,05x$ $x \mapsto 0,05 + 8x$

c. Quelle est la nature de cette fonction ?

d. Sur le graphique ci-dessous, on a représenté le tarif B. Sur ce même graphique, représente les tarifs A et C.



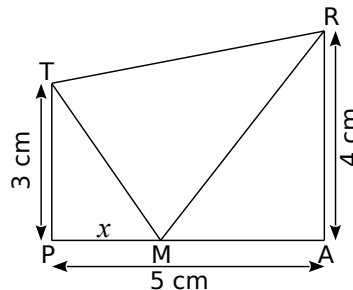
e. Par lecture graphique, à partir de combien d'élèves le tarif A est-il plus intéressant que le tarif C ? (On fera apparaître sur le graphique les tracés nécessaires à la lecture.)

f. Dans l'école, il y a 209 élèves. Quel est le tarif le plus intéressant pour l'école ?

3 TRAP est un trapèze rectangle en A et en P tel que :

TP = 3 cm ; PA = 5 cm et AR = 4 cm.

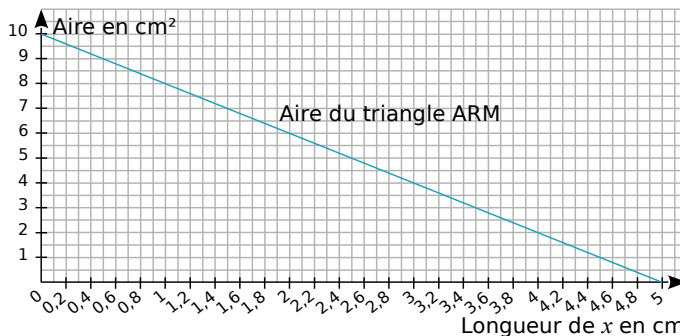
M est un point variable du segment [PA], et on note x la longueur du segment [PM] en cm.



a. Donne les valeurs entre lesquelles x peut varier.

b. Montre que l'aire du triangle PTM est $1,5x$ et que l'aire du triangle ARM est $10 - 2x$.

La droite ci-dessous est la représentation graphique de la fonction qui à x associe l'aire du triangle ARM.



Réponds aux questions c., d. et f. en utilisant ce graphique. Laisse apparents les traits nécessaires.

c. Pour quelle valeur de x l'aire du triangle ARM est-elle égale à 6 cm^2 ?

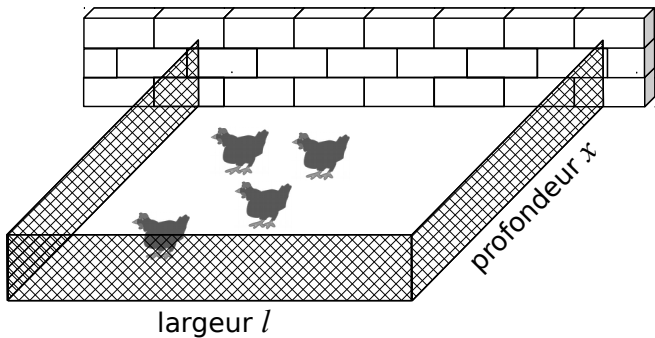
d. Lorsque x est égal à 4 cm, quelle est l'aire du triangle ARM ?

e. Sur ce graphique, trace la droite représentant la fonction : $x \mapsto 1,5x$.

f. Estime, à un millimètre près, la valeur de x pour laquelle les triangles PTM et ARM ont la même aire.

g. Montre par le calcul que la valeur exacte de x , pour laquelle les deux aires sont égales, est $\frac{100}{35}$.

4 Un agriculteur souhaite réaliser un enclos rectangulaire contre un mur pour ses poules. Il dispose de 21 m de grillage et doit tout utiliser.



L'objectif de cet exercice est de déterminer les dimensions de l'enclos afin que son aire soit maximale. On note l et x respectivement la largeur et la profondeur de l'enclos, en mètres.

a. Quelle est l'aire de l'enclos si $x = 3$ m ?

.....

b. Quelles sont les valeurs possibles de x ?

.....

c. On note A la fonction qui, à x , associe l'aire de l'enclos correspondant. Détermine A .

.....

d. Avec l'aide de ta calculatrice ou d'un tableur, complète le tableau de valeurs de la fonction A .

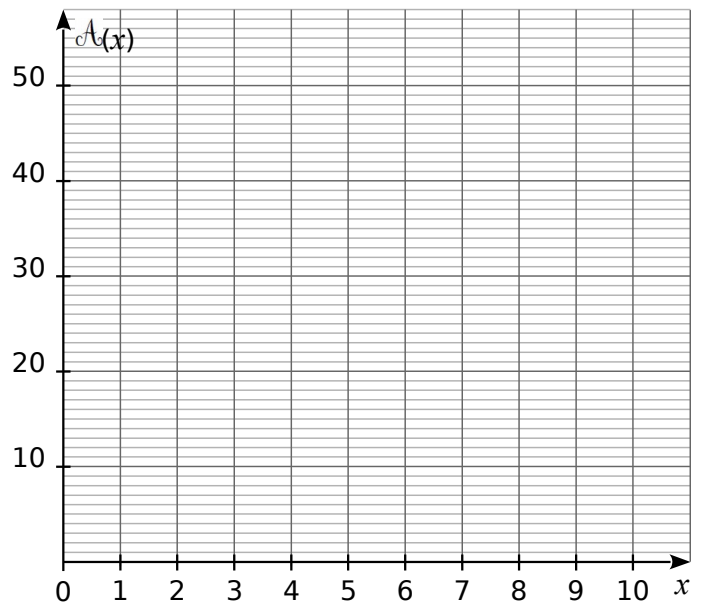
x	0	1	2	3	4	5
$A(x)$						

x	6	7	8	9	10	10,5
$A(x)$						

e. À l'aide du tableau, décris l'évolution de $A(x)$ en fonction de x et donne un encadrement du nombre x pour lequel $A(x)$ semble maximal.

.....

f. Construis la courbe représentative de A .



g. Complète ce nouveau tableau de valeurs puis donne un encadrement au dixième du nombre x pour lequel $A(x)$ semble maximal.

x	4,8	4,9	5	5,1	5,2	5,3	5,4
$A(x)$							

.....

h. Calcule $A(5,25) - A(x)$ puis montre que cette expression est égale à $2(x - 5,25)^2$.

.....

i. Détermine le signe de cette expression et déduis-en la valeur du nombre x pour lequel $A(x)$ est maximal.

.....

j. Déduis-en les dimensions de l'enclos d'aire maximale.

.....

5 La vitesse d'un train en km/h, t minutes après le départ, vaut $3t^2$ pour $0 \leq t \leq 10$.

On appelle v la fonction qui, au temps écoulé depuis le départ exprimé en minutes, associe la vitesse du train en km/h.

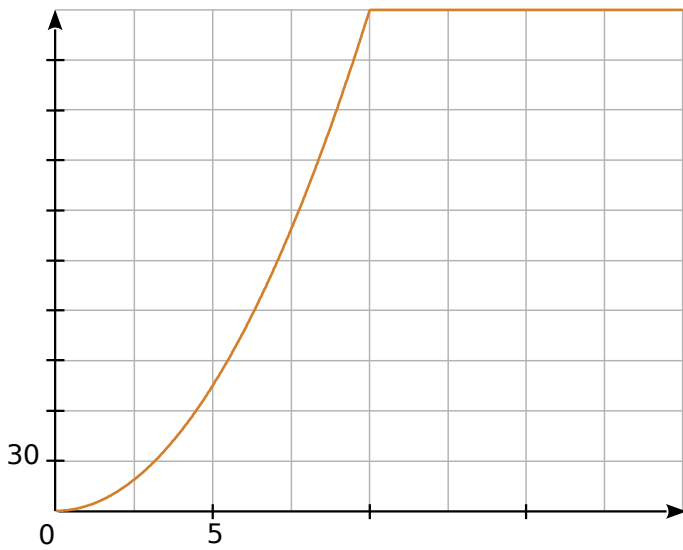
a. Calcule $v(5)$.
Donne une interprétation du résultat.

.....

b. Quel est l'antécédent de 168,75 par v ?
Donne une interprétation du résultat.

.....

Le graphique ci-dessous représente l'évolution de la vitesse, en km/h, du train en fonction du temps écoulé, en minutes, depuis son départ.



c. Combien de temps, environ, met le train pour atteindre 120 km/h ?

d. Quelle est la vitesse maximale du train ?
Au bout de combien de temps est-elle atteinte ?

e. Précise une expression de la fonction v pour $0 \leq x \leq 20$.

.....

6 Un entreprise fabrique chaque jour un produit. On appelle x la masse journalière produite en kg. x peut varier entre 0 et 45. Le coût de production de ces x kg de produit exprimé en euros est donné par la formule : $C(x) = x^2 - 20x + 200$. Le prix de vente de ce produit est de 34 € le kg. On suppose que tous les objets fabriqués sont vendus.

a. Quel est le coût de production pour 10 kg de produit ?

.....

b. Quelle la recette liée à la vente de ces 10 kg ?

.....

c. Quel est le bénéfice réalisé ?

.....

d. Détermine la recette $R(x)$ réalisée lorsque l'entreprise fabrique et vend x kg de produit.

.....

e. Détermine le bénéfice $B(x)$ correspondant.

.....

f. Trace dans un repère la représentation graphique de la fonction B .

.....

g. Pour quelle valeur de x , le bénéfice est-il maximal ? Quel est alors ce bénéfice ?

.....
